

Connecteurs logiques de base

Minecraft logic gates known

Sym	Nom mathématique	Electronique	Java	Minecraft
\neg	Negation	NOT	!	Une torche de redstone sur un bloc avec un levier sur le bloc (inverseur)
\wedge	Conjonction	AND	&&	2 torches activée par des leviers, reliées par une poudre de redstone et un inverseur
\vee	Disjonction	OR	(ou inclusif)	Une poudre de redstone qui relie 2 leviers
\oplus	Disjonction exclusive	XOR	^ (ou exclusif)	Trop compliqué à décrire
\iff	Equivalence	XNOR	==	XOR avec un inverseur

La négation \neg

La négation correspond à "Il est faux que P" (P étant une proposition)

Donc P prends la valeur contraire de $\neg P$.

P	$\neg P$	$\neg \neg P$
0	1	0
1	0	1

Ceci est une table de vérité qui représente différentes valeurs d'énoncés par rapport à leur proposition(s).

La conjonction \wedge

La conjonction est vraie si 2 propositions sont vraies.

P	Q	$P \wedge Q$
0	0	0
1	0	0
0	1	0
1	1	1

La disjonction \vee

La disjonction est vraie si une des 2 propositions sont vraie.

P	Q	$P \vee Q$
0	0	0
1	0	1
0	1	1
1	1	1

Implication \implies

$$(P \wedge Q) \implies P \implies Q$$

Cet énoncé signifie que si P et Q sont vrai (AND) alors P est vrai et Q est vrai. L'implication correspond à "alors". Donc si XYZ alors ABC.

$$\neg(x < y) \implies x = y$$

On peut par exemple imaginer une situation comme celle ci dessus, si x n'est pas plus petit que y alors x est égal à y.

P	Q	$P \wedge Q$	$P \implies Q$	$Q \implies P$
0	0	0	1	1
0	1	0	1	0

P	Q	$P \wedge Q$	$P \implies Q$	$Q \implies P$
1	0	0	0	1
1	1	1	1	1

Contrairement aux conjonctions (AND), si la première proposition (l'antécédent) est faux, alors l'implication est forcément vraie car le contraire n'a pas été prouvé.

Donc les deux propositions ne sont pas interchangeables comme vu dans le tableau les colonnes 4 et 5 ne sont pas les mêmes. BB Un peu de vocabulaire :

Antécédent	Conséquent	Enoncé	Réciproque	Contraposée
P	Q	$P \implies Q$	$Q \implies P$	$\neg Q \implies \neg P$

Equivalence $P \iff Q$

P	Q	$P \iff Q$	$Q \iff P$
0	0	1	1
1	0	0	0
0	1	0	0
1	1	1	1

L'équivalence est une genre d'égalité dans la logique. Cela signifie que P corresponds à Q. Les deux propositions sont interchangeables.

Disjonction exclusive $P \oplus Q$

$$P \oplus Q \iff (P \wedge \neg Q) \vee (\neg P \wedge Q) \iff \neg (P \iff Q)$$

La disjonction exclusive peut etre représentée par des AND, OR et NOT uniquement, c'est un genre de raccourcis. La disjonction exclusive (XOR) peut aussi être utilisée pour représenter une équivalence en ajoutant une négation (NOT).

P	Q	$P \oplus Q$	$P \vee Q$	$P \wedge Q$
0	0	0	0	0
1	0	1	1	0
0	1	1	1	0
1	1	0	1	1

Une disjonction exclusive (XOR) est comme une disjonction inclusive (OR) sauf que les deux propositions ne peuvent pas être vrai pour que le XOR soit vrai. Donc un XOR sera forcément faux là où un AND sera vrai.

Quantificateurs

En plus des connecteurs logiques on peut aussi ajouter les quantificateurs :

Symbole	Signification	Exemple
\forall	Pour tous	« $\forall x \in \mathbb{N} : x * 2$ est paire » \rightarrow <i>Pour chaque valeur x dans \mathbb{N} quand elle est multipliée par deux est paire</i>
\exists	Existe	« $\exists x \in \mathbb{N} : x$ est paire » \rightarrow <i>Il existe au moins un nombre dans l'ensemble \mathbb{N} qui est pair</i>

Revision #1

Created 27 April 2023 06:29:01 by SnowCode

Updated 24 May 2023 13:07:21 by SnowCode